

## 令和8年度編入学者選抜

### 学力検査問題

# 数学

#### 注 意 事 項

- 1 検査開始の合図があるまで、この検査問題を開いてはならない。
- 2 検査問題（兼解答用紙）は6枚である。検査開始の合図があってから確かめること。
- 3 検査開始の合図があったら、まず、解答用紙の各ページに受験番号・氏名を記入すること。
- 4 文字などの印刷に不鮮明な箇所があったときは、手を挙げて監督者に知らせること。

数学解答用紙	受検番号	番	氏名	
--------	------	---	----	--

[問題1] 次の式を簡単にせよ。(各4点)

(1)  $(-2a^2b)^3 \times 3ab^2$

(2)  $\frac{3}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+1}$

(3)  $\frac{x^2+x-6}{x^2-4} \times \frac{2x^2+4x}{x+3}$

(4)  $\tan^2\theta - \frac{1}{\cos^2\theta}$

(5)  $\sqrt[3]{a^2} \times \sqrt{a} \div \sqrt[6]{a} \quad (a > 0)$

(6)  $(\log_2 45 - \log_2 5) \log_3 8$

数学解答用紙	受検番号	番	氏名	
--------	------	---	----	--

[問題2] 次の方程式・不等式を解け。(各5点)

(1)  $\frac{3x-1}{4} - 2x > \frac{7}{2}$

(2)  $2x^3 - x^2 - 7x + 6 = 0$

(3)  $2 \cos x + 1 = 0$  ( $0 \leq x < 2\pi$ )

(4)  $3^{2x-8} < \left(\frac{1}{9}\right)^x$

(5)  $2 \log_4 x < \log_4(x+6)$

令和8年度 編入学者選抜 学力検査解答用紙 3

数学解答用紙	受検番号	番	氏名	
--------	------	---	----	--

[問題3] 関数  $y = -2x^2 + 8x - 5$  ( $0 \leq x \leq a$ ) について、次の問いに答えよ。(各6点)

(1)  $a = 3$  のとき、この関数の最大値と最小値を求めよ。

(2) この関数の最大値と最小値の差が18であるように、定数  $a$  の値を定めよ。

数学解答用紙	受検番号	番	氏名	
--------	------	---	----	--

[問題4]  $AB=8$ ,  $AC=5$ ,  $\angle BAC=60^\circ$  である  $\triangle ABC$  について, 次の問いに答えよ。(各5点)

- (1) 辺  $BC$  の長さを求めよ。
- (2)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。
- (3) 正弦定理を用いて,  $\angle ABC$  のおよその角度を求めよ。ただし,  $\sqrt{3} \doteq 1.75$  として計算し, 下の三角関数表を用いよ。

$\theta$	$\sin \theta$	$\cos \theta$	$\tan \theta$
$34^\circ$	0.5592	0.8290	0.6745
$35^\circ$	0.5736	0.8192	0.7002
$36^\circ$	0.5878	0.8090	0.7265
$37^\circ$	0.6018	0.7986	0.7536
$38^\circ$	0.6157	0.7880	0.7813
$39^\circ$	0.6293	0.7771	0.8098
$40^\circ$	0.6428	0.7660	0.8391

三角関数表 (抜粋)

数学解答用紙	受検番号	番	氏名	
--------	------	---	----	--

[問題5] 円  $C: x^2 + y^2 - 6x + 2y + 5 = 0$  について、次の問いに答えよ。(各4点)

- (1) 円  $C$  の中心の座標と半径を求めよ。
- (2) 円  $C$  と  $x$  軸の共有点の座標を求めよ。
- (3) 前小問(2)の共有点のうち、 $x$  座標が大きい方を  $P$  とする。このとき、点  $P$  における円  $C$  の接線の方程式を求めよ。

数学解答用紙	受検番号	番	氏名	
--------	------	---	----	--

[問題6] 曲線  $C: y = x^3 - 6x^2 + 9x$  について、次の問いに答えよ。(各6点)

- (1) 曲線  $C$  の極値を求め、グラフの概形をかけ。
- (2) 曲線  $C$  と  $x$  軸で囲まれた部分の面積  $S$  の値を求めよ。

令和8年度 編入学者選抜 学力検査問題（数学） 解答

[問題1] 次の式を簡単にせよ。（各4点）

$$(1) (-2a^2b)^3 \times 3ab^2 = (-2)^3(a^2)^3b^3 \times 3ab^2 = -8a^6b^3 \times 3ab^2 = -24a^7b^5$$

$$(2) \frac{3}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+1} = \frac{3\sqrt{3}}{3} + \frac{(\sqrt{3}-1)^2}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} = \sqrt{3} + \frac{3-2\sqrt{3}+1}{3-1}$$

$$= \sqrt{3} + \frac{4-2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} + 2 - \sqrt{3} = 2$$

$$(3) \frac{x^2+x-6}{x^2-4} \times \frac{2x^2+4x}{x+3} = \frac{(x+3)(x-2)}{(x+2)(x-2)} \times \frac{2x(x+2)}{x+3} = 2x$$

$$(4) \tan^2\theta - \frac{1}{\cos^2\theta} = \left(\frac{\sin\theta}{\cos\theta}\right)^2 - \frac{1}{\cos^2\theta} = \frac{\sin^2\theta}{\cos^2\theta} - \frac{1}{\cos^2\theta} = \frac{\sin^2\theta - 1}{\cos^2\theta} = \frac{-\cos^2\theta}{\cos^2\theta} = -1$$

$$(5) \sqrt[3]{a^2} \times \sqrt{a} \div \sqrt[6]{a} = a^{\frac{2}{3}} \times a^{\frac{1}{2}} \div a^{\frac{1}{6}} = a^{\frac{2}{3} + \frac{1}{2} - \frac{1}{6}} = a^{\frac{4+3-1}{6}} = a^{\frac{6}{6}} = a^1 = a$$

$$(6) (\log_2 45 - \log_2 5) \log_3 8 = \log_2 \frac{45}{5} \cdot \log_3 8 = \log_2 9 \cdot \frac{\log_2 8}{\log_2 3} = \log_2 3^2 \cdot \frac{\log_2 2^3}{\log_2 3}$$

$$= 2\log_2 3 \cdot \frac{3\log_2 2}{\log_2 3} = 6$$

[問題 2] 次の方程式・不等式を解け。(各 5 点)

(1)  $\frac{3x-1}{4} - 2x > \frac{7}{2}$

両辺に 4 をかけて  $3x-1-8x > 14$

計算すると  $-5x > 15$  よって  $x < -3$

(2)  $2x^3 - x^2 - 7x + 6 = 0$

$P(x) = 2x^3 - x^2 - 7x + 6$  とおくと、

$P(1) = 2 - 1 - 7 + 6 = 0$

よって  $P(x)$  は  $x-1$  で割り切れる。

$P(x) = (x-1)(2x^2 + x - 6) = (x-1)(x+2)(2x-3)$

∴ 方程式  $P(x) = 0$  の解は  $x = 1, -2, \frac{3}{2}$

$$\begin{array}{r} 2x^2 + x - 6 \\ x-1 \overline{) 2x^3 - x^2 - 7x + 6} \\ \underline{2x^3 - 2x^2} \phantom{+ 6} \\ x^2 - 7x \phantom{+ 6} \\ \underline{x^2 - x} \phantom{+ 6} \\ -6x + 6 \\ \underline{-6x + 6} \\ 0 \end{array}$$

(3)  $2 \cos x + 1 = 0 \quad (0 \leq x < 2\pi)$

式変形すると  $2 \cos x = -1$  すなわち  $\cos x = -\frac{1}{2}$

$0 \leq x < 2\pi$  より  $x = \frac{2}{3}\pi, \frac{4}{3}\pi$

(4)  $3^{2x-8} < \left(\frac{1}{9}\right)^x$

式変形すると  $3^{2x-8} < (3^{-2})^x$  すなわち  $3^{2x-8} < 3^{-2x}$

底  $3 > 1$  より  $2x-8 < -2x$

計算して  $4x < 8$  よって  $x < 2$

(5)  $2 \log_4 x < \log_4(x+6)$

真数は正であるから  $x > 0$  かつ  $x+6 > 0$

すなわち  $x > 0$  ……①

$\log_4 x^2 < \log_4(x+6)$

底  $4 > 1$  より  $x^2 < x+6$

式変形して  $x^2 - x + 6 < 0$  すなわち  $(x+2)(x-3) < 0$

よって  $-2 < x < 3$  ……②

① かつ ② より  $0 < x < 3$

【問題 3】 関数  $y = -2x^2 + 8x - 5$  ( $0 \leq x \leq a$ ) について、次の問いに答えよ。(各 6 点)

(1)  $a = 3$  のとき、この関数の最大値と最小値を求めよ。

(2) この関数の最大値と最小値の差が 18 であるように、定数  $a$  の値を定めよ。

【解答】

(1)  $y = -2x^2 + 8x - 5$

$$= -2(x^2 - 4x) - 5$$

$$= -2[(x-2)^2 - 4] - 5$$

$$= -2(x-2)^2 + 8 - 5$$

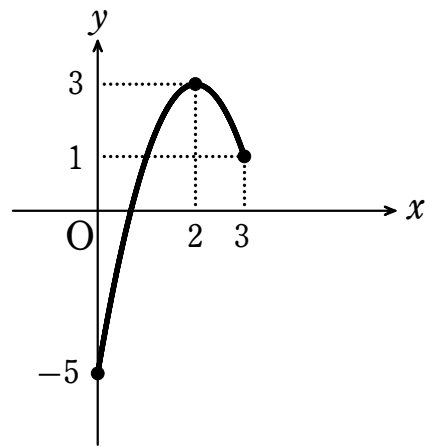
$$= -2(x-2)^2 + 3$$

よって頂点の座標は (2, 3)

また、 $x = 3$  のとき  $y = -18 + 24 - 5 = 1$

右図より 最大値 3 ( $x = 2$ )

最小値  $-5$  ( $x = 0$ )

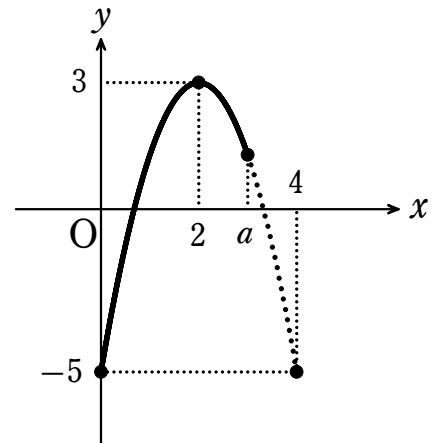


(2)  $0 \leq a \leq 4$  のとき、左図より

$$\begin{cases} (\text{最大値}) \leq 3 \\ (\text{最小値}) = -5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (\text{最大値}) = 3 \\ (\text{最小値}) = -2a^2 + 8a - 5 \end{cases}$$

となり、最大値と最小値の差は 18 になり得ない。



•  $a > 4$  のとき、右図より

$$\begin{cases} (\text{最大値}) = 3 \\ (\text{最小値}) = -2a^2 + 8a - 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (\text{最大値}) = 3 \\ (\text{最小値}) = -2a^2 + 8a - 5 \end{cases}$$

このとき、最大値と最小値の差が 18 であるから

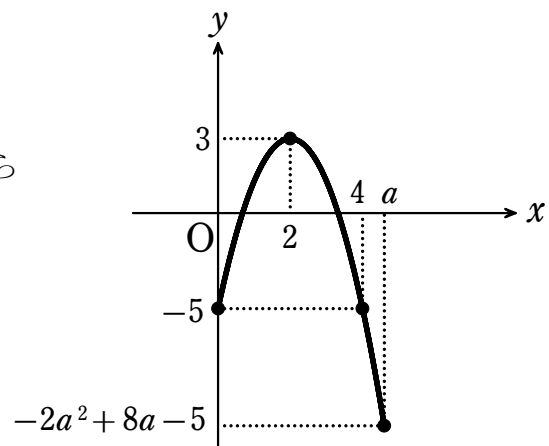
$$3 - (-2a^2 + 8a - 5) = 18$$

$$2a^2 - 8a - 10 = 0$$

$$a^2 - 4a - 5 = 0$$

$$(a+1)(a-5) = 0$$

$$a > 4 \text{ より } a = 5$$



[問題4]  $AB=8$ ,  $AC=5$ ,  $\angle BAC=60^\circ$  である  $\triangle ABC$  について、次の問いに答えよ。(各5点)

(1) 辺  $BC$  の長さを求めよ。

(2)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。

(3) 正弦定理を用いて、 $\angle ABC$  のおよその角度を求めよ。ただし、 $\sqrt{3} \doteq 1.75$  として計算し、下の三角関数表を用いよ。

$\theta$	$\sin \theta$	$\cos \theta$	$\tan \theta$
$34^\circ$	0.5592	0.8290	0.6745
$35^\circ$	0.5736	0.8192	0.7002
$36^\circ$	0.5878	0.8090	0.7265
$37^\circ$	0.6018	0.7986	0.7536
$38^\circ$	0.6157	0.7880	0.7813
$39^\circ$	0.6293	0.7771	0.8098
$40^\circ$	0.6428	0.7660	0.8391

三角関数表 (抜粋)

【解答】

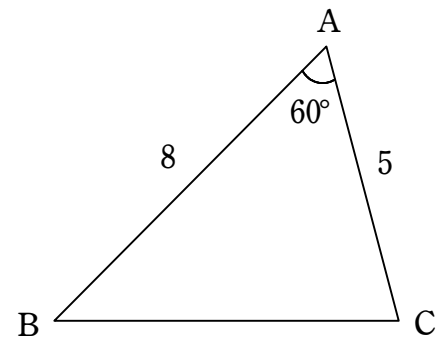
(1) 余弦定理より

$$BC^2 = 8^2 + 5^2 - 2 \cdot 8 \cdot 5 \cdot \cos 60^\circ = 64 + 25 - 2 \cdot 8 \cdot 5 \cdot \frac{1}{2} = 49$$

$$BC > 0 \text{ より } BC = 7$$

(2) 面積の公式より

$$(\text{面積}) = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot AC \cdot \sin 60^\circ = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 10\sqrt{3}$$



(3) 正弦定理より

$$\frac{5}{\sin \angle ABC} = \frac{7}{\sin 60^\circ}$$

$$\sin \angle ABC = \frac{\sin 60^\circ}{7} \cdot 5 = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{5}{7} \doteq \frac{1.75}{2} \cdot \frac{5}{7} = 0.625$$

よって三角関数表より  $\angle ABC \doteq 39^\circ$

[問題5] 円  $C: x^2 + y^2 - 6x + 2y + 5 = 0$  について、次の問いに答えよ。(各4点)

(1) 円  $C$  の中心の座標と半径を求めよ。

(2) 円  $C$  と  $x$  軸の共有点の座標を求めよ。

(3) 前小問(2)の共有点のうち、 $x$ 座標が大きい方を  $P$  とする。このとき、点  $P$  における円  $C$  の接線の方程式を求めよ。

【解答】

(1)  $x^2 - 6x + y^2 + 2y = -5$

$$(x-3)^2 - 9 + (y+1)^2 - 1 = -5$$

$$(x-3)^2 + (y+1)^2 = 5 \quad \text{よって 中心 } (3, -1), \text{ 半径 } \sqrt{5}$$

(2)  $y=0$  とすると

$$x^2 - 6x + 5 = 0$$

$$(x-1)(x-5) = 0 \quad \text{よって } x=1, 5 \quad \text{つまり共有点の座標は } (1, 0), (5, 0)$$

(3) 前小問(2)より  $P(5, 0)$

中心  $A(3, -1)$  とおく。

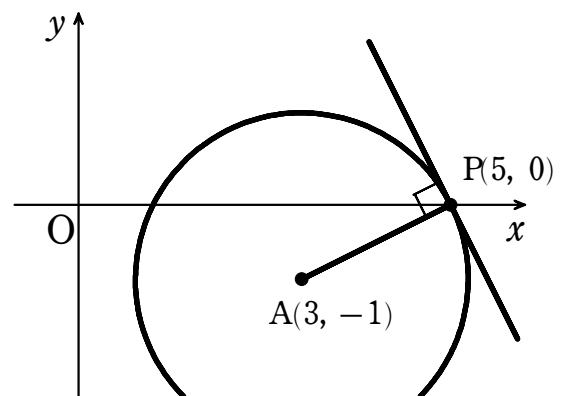
$$\text{直線 } AP \text{ の傾きは } \frac{0 - (-1)}{5 - 3} = \frac{1}{2}$$

点  $P$  における接線は直線  $AP$  に垂直であるから、

接線の傾きは  $-2$

よって接線の方程式は

$$y - 0 = -2(x - 5) \quad \text{つまり } y = -2x + 10$$



[問題 6] 曲線  $C: y = x^3 - 6x^2 + 9x$  について、次の問いに答えよ。(各 6 点)

(1) 曲線  $C$  の極値を求め、グラフの概形をかけ。

(2) 曲線  $C$  と  $x$  軸で囲まれた部分の面積  $S$  の値を求めよ。

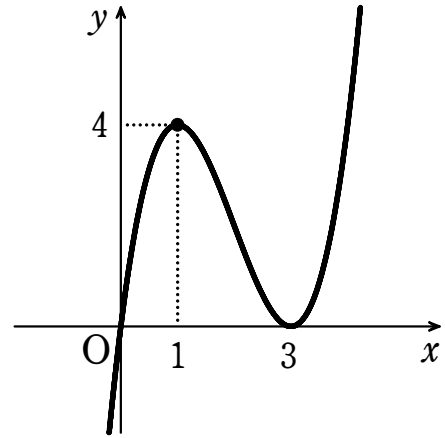
【解答】

$$(1) y' = 3x^2 - 12x + 9 = 3(x^2 - 4x + 3) \\ = 3(x-1)(x-3)$$

$$y' = 0 \text{ とすると } x = 1, 3$$

$y$  の増減表は次のようになる。

$x$	...	1	...	3	...
$y'$	+	0	-	0	+
$y$	↗	極大 4	↘	極小 0	↗



よって、 $x=1$  で極大値 4、 $x=3$  で極小値 0 をとる。

$$(2) S = \int_0^3 (x^3 - 6x^2 + 9x) dx$$

$$= \left[ \frac{1}{4}x^4 - 2x^3 + \frac{9}{2}x^2 \right]_0^3$$

$$= \frac{1}{4} \cdot 3^4 - 2 \cdot 3^3 + \frac{9}{2} \cdot 3^2$$

$$= 3^3 \left( \frac{3}{4} - 2 + \frac{3}{2} \right)$$

$$= 27 \cdot \frac{3-8+6}{4} = 27 \cdot \frac{1}{4} = \frac{27}{4}$$

## 令和8年度 編入学者選抜 学力検查出題の意図

### 数学

#### 〔問題1〕

文字式の四則演算、分母の有理化、分数式の計算、三角関数の相互関係、累乗根の計算、対数の計算の問題。基礎的な計算力が備わっているかをみる。

#### 〔問題2〕

1次不等式、高次方程式、三角方程式、指数不等式、対数不等式の問題。基本的な方程式・不等式を解くことができるかをみる。

#### 〔問題3〕

2次関数の最大値・最小値に関する問題。最大値・最小値を求めることができ、条件から方程式を立て、答えを導き出せるかをみる。

#### 〔問題4〕

三角比に関する問題。正弦定理、余弦定理、面積の公式を適切に利用できるかをみる。

#### 〔問題5〕

平面図形より、円とその接線に関する問題。円の方程式を変形し、中心と半径を求めることができるか、さらに接線の性質を利用し、接線の方程式を求められるかをみる。

#### 〔問題6〕

微分積分の問題。微分を用いて3次関数の極値を求め、そのグラフの概形を描けるか、さらに積分を用いて指定された部分の面積を求められるかをみる。